

Obravnava sistema linearnih enačb — 5. domača naloga

Matematika, Gimnazija Bežigrad

Profesor: prof. Vilko Domajnko
Avtor: Anton Luka Šijanec, 1. a

24. maj 2020

Povzetek

Ta dokument obsega naloge, poslane dijakom 22. maja 2020, in njihove rešitve, ki sem jih spisal sam. Naloge obsegajo snov *obravnava sistema linearnih enačb* in so iz učbenika (stran 160) in vaj (stran 165). Kjer je bilo potrebno izbrati neke poljubne naloge, sem jih vedno izbral naključno.

Kazalo vsebine

1 Učbenik <i>Matematika 1: stran 160</i>	1
2 Vaje 1: Stran 165	2
3 Zaključek	3
4 Razhroščevalne informacije	3

1 Učbenik *Matematika 1: stran 160*

1. Obravnavaj sistema enačb

a) $2x + ax = 1$ in $ax + 8y = 2$ b) $x + y = 2a$ in $ax + by = a^2 + b^2$

2. Obravnavaj sistema enačb

a) $ax + y = 2a$ in $x + ay = a + 1$ b) $(a+1)x + 3y = 3$ in $x + (a-1)y = 1$

$$y = \left(-\frac{a}{3} - \frac{1}{3}\right)x + 1, x = (1-a)y + 1$$

$$ax + x + 3y = 3, ay + x - y = 1$$

$$(a-2)(a+2) \neq 0, x = \frac{3}{a+2}, y = \frac{a}{a+2}$$

$$a = 2, y = 1 - x$$

3. Obravnavaj sistema enačb

a) $6x + (a-1)y = 4$ in $ax + y = a - 1$

b) $\frac{x-a}{b} + \frac{y-b}{a} = 1$ in $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$

$$-\frac{a}{b} + \frac{x}{b} + \frac{y}{a} - \frac{b}{a} = 1, \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$$

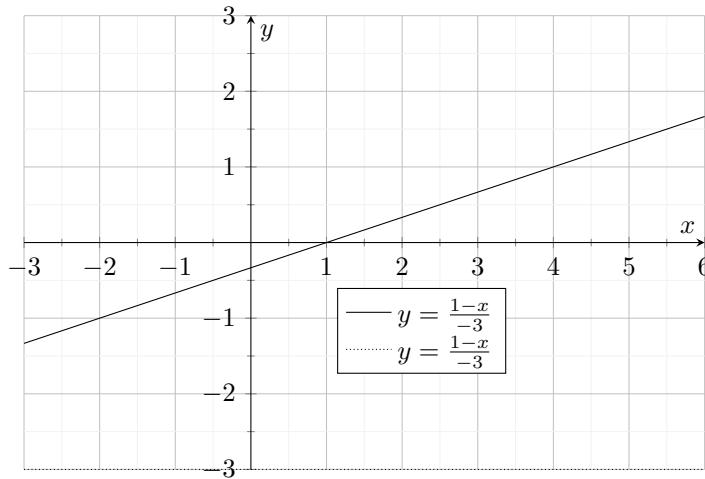
$$b = -a, y = x - a, a \neq 0$$

$$(a-b)(a+b) \neq 0, x = \frac{a^2}{a-b}, a \neq 0, y = -\frac{b^2}{a-b}, b \neq 0$$

4. Določi parameter a, da bo imel sistem enačb $ax - (2a + 1)y = 1$ in $x - 3y - 1 = 0$ nešteto rešitev.

Če z $a = 1$ rešimo enačbi dobimo enačbi $x - 3y = 1$ in $x - 3y - 1 = 0$. To sta vzporedni premici (ista premica), kot kaže graf.

$$y = \frac{1-x}{-3} \text{ in } y = \frac{1-x}{-3}$$



5. Določi parametra a in b, da sistem enačb $ax - (a - 1)y = 2b$ in $3x + 2y = 1$ ne bo imel rešitve.

6.* Obravnavaj sistem enačb $a^2x + y = 1$ in $x + y = a$. Za katere a rešitev sistema enačb zadošča pogoju $x - y > 0$?

2 Vaje 1: Stran 165

1038. Za katero vrednost parametra a dani sistemi nimajo rešitve?

- | | |
|--|--|
| a) $ax - 3y = 3$, $x + 1y = 5$ | c) $(a + 1)x + 2y = 3$, $x + ay = -2$ |
| b) $(a + 1)x + ay = 4$, $3x + 4y = 5$ | č) $(a + 2)x + y = 8$, $3x + ay = 7$ |

1039. Za katero vrednost parametra a imajo dani sistemi nešteto rešitev?

- | | |
|-------------------------------------|--|
| a) $ax + y = a - 1$, $4x + ay = a$ | c) $(a + 1)x - 2y = 4$, $-x + ay = a - 3$ |
| b) $2x + a^2y = 4$, $x + 2y = 2$ | č) $ax + y = a$, $2x + y = 2$ |

1040. Obravnavaj sisteme enačb.

- | | |
|---|--|
| a) $ax + 2y = 6$, $2x + y = 3$ | c) $4x - (a + 2)y = 5$, $2x - ay = 2$ |
| b) $3x + (a - 2)y = a - 1$, $ax + y = 2$ | č) $ax + 3y = 6$, $4x + (a + 1)y = a + 5$ |

1041. Obravnavaj sisteme enačb.

- | | |
|---|---|
| a) $ax - 2y = a^2 - 2b^w$, $bx + y = \frac{ab}{2}$ | c)* $ax + by = 2a + b$, $4x + by = 2a + b$ |
| b) $ax + 4y = 2a$, $b^2x + ay = ab$ | č) $3x - 4y = 12$, $9x + (a - 1)y = 2b$ |

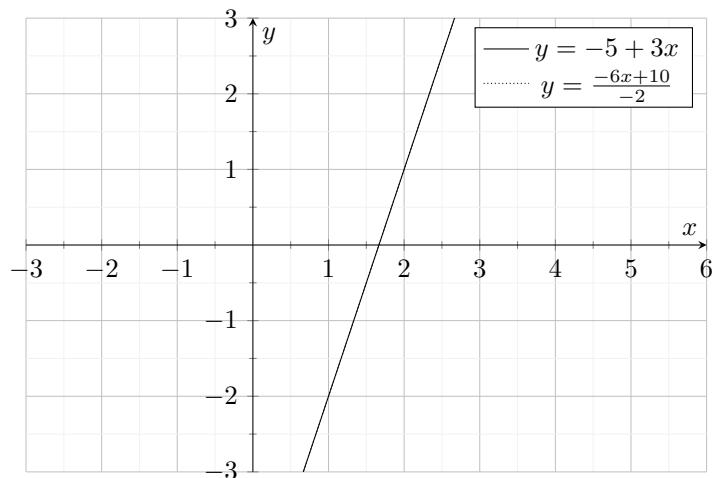
1042. Obravnavaj sisteme enačb.

- | | |
|---|---|
| a) $(b + 1)x - y = 3$, $9x - (b + 1)y = 9$ | č) $x - (a - 2)y = -3$, $ax - 3y = 3$ |
| b) $(a - 2)x - y = 3$, $3x - ay = -3$ | $x = (a - 2)y = -3$, $y = \frac{1x}{3} - 1$ |
| c) $ax + 3y = -3$, $2x + (a + 1)y = 2$ | $-ay + x + 2y = -3$, $ax - 3y = 3$ |
| | $(a - 3)(a + 1) \neq 0$, $x = \frac{3}{a - 3}$, $y = \frac{3}{a - 3}$ |
| | $a = -1$, $my = \frac{1}{3}(-x - 3)$ |

- 1043.** Za katere vrednosti parametrov a in b sistem enačb $3x - y + b = 0$ in $ax - 2y - 10 = 0$ nima rešitev?

$$b + 3x = y, ax = 2(y + 5)$$

Če rešimo enačbi za $a = 6$ in $b = -5$ dobimo enačbi $3x - y - 5 = 0$ in $6x - 2(y + 5) = 0$. To sta isti premici.



- 1044.** Za katere vrednosti parametrov a in b ima sistem enačb $2x - (a - 2b)y = 6$ in $ax + y - 3 = 0$ nešteto rešitev?

3 Zaključek

Ta dokument je informativne narave in se lahko še spreminja. Najnovejša različica, torej PDFji in L^AT_EX izvorna koda, zgodovina sprememb in prejšnje različice so na voljo mojem šolskem Git repozitoriju na <https://github.com/sijanec/sola-gimb-1-mat> v mapi /virus/domace_naloge/ 5/. Povezava za ogled zadnje različice tega dokumenta v PDF obliki je https://raw.githack.com/sijanec/sola-gimb-1-mat/master/virus/domace_naloge/5/dokument.pdf in ali https://github.com/sijanec/sola-gimb-1-mat/raw/master/virus/domace_naloge/5/dokument.pdf.

4 Razhroščevalne informacije

Te informacije so generirane, ker je omogočeno razhroščevanje. Prej objavo dokumenta izklopite razhroščevanje. To naredite tako, da nastavite ukaz razhroscevanje na 0 v začetku dokumenta.

Grafi imajo natančnost 100 točk na graf.

Konec generiranja dokumenta: 2020-05-26T12:11:21,841921682+02:00